

7.3 循環節の謎に近寄る

われわれは、計算可能な循環節を手に入れることができた。[ParaCalc.java] に手を加えて、掛け算によって循環節が巡回する様子を見てみよう。まずはプログラムの提示からだ。

programming list [Cyclical.java]

```

1: import java.util.Scanner;
2:
3: public class Cyclical {
4:
5:     static int[] p = new int[1000]; // p[0] is invalid.
6:     static int[] q = new int[1000]; // q[0] is invalid.
7:
8:     public static void main(String[] args) {
9:         Scanner s = new Scanner(System.in);
10:
11:         System.out.print("input 'b' of 1/b: ");
12:         int b = s.nextInt();
13:
14:         if((b % 2 == 0) || (b % 5 == 0)) {
15:             System.out.println("this 'b' is invalid.");
16:         } else {
17:             int r = 1, cyc = 1;
18:             do {
19:                 p[cyc++] = (r * 10) / b;
20:                 r = (r * 10) % b;
21:             } while(r != 1);
22:
23:             int num = 1;
24:             do {
25:                 recurf(cyc-1, num);
26:                 disp(cyc-1, num);
27:             } while(num++ < cyc - 1);
28:         }
29:     }
30:
31:     public static void recurf(int c, int n) {
32:         for(int i = 1; i <= c; i++) {
33:             q[i] = p[i] * n;
34:         }
35:         for(int i = c; i >= 1; i--) {
36:             q[i-1] = q[i-1] + q[i] / 10;
37:             q[i] = q[i] % 10;
38:         }
39:     }

```

```
40:
41: public static void disp(int c, int n) {
42:     System.out.print("(" + n + ") ");
43:
44:     int i = 1;
45:     while(c-- > 0) {
46:         System.out.print(q[i++]);
47:     }
48:     System.out.println();
49: }
50: }
```

ちょっと手を加えるつもりが、これまでにない長さのプログラムになってしまった。原因は、掛け算を配列でしなくてはならないことにある。以前やったことと同じなのだが、当時は常に2だけを掛けていたことを覚えているかい？ それに対して今回は、分母が999の整数なら、最悪998を掛ける必要に迫られる。そのため処理が複雑になった。まあ、とやかく言うよりも順に見ていこうじゃないか。

まず、main() メソッドに目をやることにしよう。今回のmain() メソッドで [ParaCalc.java] のそれと違う部分は、25:行目の recurf() メソッドだけである。もちろん他にもいくつかの違いが目につくが、それらは recurf() メソッドのせいで必要になっているだけだ。たとえば23:行目の num = 1 がそうであり、また、24:-27:行目が do-while 構文で囲まれているのがそうである。

[Cyclical.java] では、ただ一つの循環節を表示するだけでなく、そこに一定の数を掛けた状況を示したい。一定の数とは、1から循環の回数までのすべての数である。1/17なら循環節は16なので、1から16までの数を掛けた状況が示されるようにするのだ。そのための do-while 構文であるが、27:行目の条件がそのことを表している。

25:行目の recurf() メソッドは、掛け算をするためのメソッドである。そのためには、循環がどれくらい続くかのデータ cyc、それにいまいくつの数を掛けているかを示す値 num を渡してあげなければならない。これらがきちんと渡せれば、あとは recurf() が処理をしてくれる。

では、recurf() が何をしているか探っておこう。

循環回数と掛ける数を受け取った recurf() メソッドは、32:-34:行目にかけて、各配列を定数倍している。そして定数倍した値を、配列 p ではなく q に代入している。なぜそうしているのかといえば、配列 p は定数倍するための基準値として固定しておきたいからだ。ちなみに、配列 p, q は int 型で、いまのところ 1000 桁の循環までに対応しているので、掛けられる定数は 1000 未満

だ。よって、桁あふれの心配はない。むしろ桁余りが生じるから、気になったら `short` 型を使えばよい。

しかし、結果の表示は 1 桁ずつだから、余分な値は上の配列に繰り延べていかななくてはならない。それが 35:-38:行目の処理だが、この方法はすでに登場した [PowerOf2.java] の焼き直しに過ぎない。

EX. [PowerOf2.java] では配列の繰り延べが $p[i+1] = p[i+1] + p[i]$ 云々 (うんぬん) だったが、ここでは $q[i-1] = q[i-1] + q[i]$ 云々である。配列の繰り延べ方が逆になっている理由を考えよ。

実は 32:-38:行目までの二つの `for` 構文は、一つにまとめて書くことが可能だ。だが、プログラムは短ければよいという代物ではない。多少長めでも、処理が自然に追えるほうが分かりやすいものだ。

`recurf()` メソッドが `void` 型なのは、この関数が掛け算の結果を配列に納めるだけだからである。値を返す代わりに、広いスコープの変数を使って、別のメソッドに処理を委ねるのだ。

処理を委ねられるのが `disp()` メソッドだ。本当は [ParaCalc.java] での `disp()` メソッドと同じく、`disp(cyc)` だけでよかったのだけれど、掛けている数を表示させたいために `num` の値も渡している。そのため、`while` 構文に入る前に、42:行目によって掛けている数の表示を済ませている。45:-47:行目の処理内容は同じだが、`i = 0` で始めるか `i = 1` で始めるかに違いを認めることができる。`System.out.println;` 文を } の直後に書いたのは、単に“お作法”の問題である。

TRY! なぜ同じ処理でありながら、[ParaCalc.java] の `disp()` メソッドでは `i = 0` から始め、[Cyclical.java] の `disp()` メソッドでは `i = 1` から始めたのか？

TRY! 早速 $1/17$ や $1/61$ などの循環節について調べてみよ。 $1/17$ や $1/61$ は $1/7$ と同じ性質を持つが、他の分数はどんな性質になっているだろうか。